

doi: 10.3969/j.issn.1000-8349.2024.05.01

# 小行星 (2572) Annschnell 测光数据分析 ——相接双小行星模型参数测定

黄敬<sup>1,2</sup>, 王晓彬<sup>1,2,3</sup>, 窦江培<sup>4,5</sup>

(1 中国科学院云南天文台 昆明 650216); (2 中国科学院大学 北京 100049); (3 中国科学院天体结构与演化重点实验室 昆明 650216); (4 中国科学院南京天文光学技术研究所, 南京 210042); (5 中国科学院天文光学技术重点实验室 (南京天文光学技术研究所), 南京 210042)

**摘要:** 太阳系小行星的密度/质量是理解其起源和演化历史非常重要的参数。太阳系小行星密度测量一直是很困难的工作, 双小行星系统正好提供了测量小天体密度的机会。相接双小行星是同步双小行星的一种, 这类双小行星的轨道半长轴等于两个小行星 (假设为椭球形状) 的最大半长轴之和。目前, 在太阳系其它类别小天体中, 例如近地小行星、特洛伊天体和柯伊伯带天体中已发现了多个这类双小行星样本。对于“碎石堆”结构的小行星来讲, 其内部结构松散, 可借助洛希双小行星理论来分析包括小行星密度在内的系统参数。在云南-香港宽视场巡天观测数据中, 发现小行星 (2572) Annschnell 的光变曲线展现出典型的相接双小行星光度特征。为此, 构建了一套相接双小行星光变曲线反演程序, 分析得到 (2572) Annschnell 的两个天体的密度约为  $3.15 \text{ g/cm}^3$ , 与 CV 或 CK 陨石的密度接近, 支持该小行星系统应是 C-族中成员。从归一化转动角速度 ( $\Omega = 0.34$ ) 和无量纲系统角动量 ( $H = 0.48$ ) 的值推断, 该相接双小行星可能由单个小行星经转动裂变形成。

**关键词:** 太阳系小行星、洛希双小行星理论、相接双小行星光度模型、密度测定、双小行星形成

中图分类号: P145.2

文献标识码: A

## 1 引言

小行星是太阳系早期内层行星子的遗留物, 小行星上保留有太阳系行星形成时期的信息。现在的小行星基本物理性质 (例如: 大小、形状、自转、表面散射特性、物质组成、质

<sup>①</sup>资助项目: 国家自然科学基金面上项目 (NO.12373069); 国家自然科学基金天文联合重点支持项目 (U2031210); 国家重大科研仪器研制项目 (11827804); 中国载人航天工程巡天空间望远镜专项 (No.CMS-CSST-2021-B08, CMS-CSST-2021-A11, CMS-CSST-2021-B0)

<sup>②</sup>通讯作者: 王晓彬 wangxb@ynao.ac.cn

量等)及其分布是小行星自形成以来经历了碰撞和动力学演化的结果。因此,小行星基本物理参数的测定研究不仅可以用于理解小行星的起源和各种演化过程,还可为太阳系行星形成理论研究提约束 [1]。

自上世纪 80 年代以来,太阳系小行星物理性质观测研究发展迅速。测光观测、偏振观测、光谱观测、雷达观测、直接成像观测及掩星观测等多种观测手段都应用于小行星基本物理性质的测定研究中 [2][3][4][5][6]。目前,获得小行星的测光数据和近红外数据的样本数最多:NEOWISE 的近红外巡天观测获得了 4 万 3 千多小行星反照率和直径 [7];而应用小行星的测光数据,已测定了约 1 万颗小行星的自转周期,3 千颗左右小行星的形状、自转参数以及表面散射性质参数。目前,小行星的密度的测定仍是非常困难的。双小行星系统为我们提供了测量系统密度的机会,小行星密度对理解小行星起源至关重要。

双小行星探测的主要方法有:直接成像、光度测量、雷达探测和掩星方法等。地面直接成像观测需要大口径望远镜加自适应光学系统(AO),观测目标局限在尺寸较大的小行星,例如,小行星(45)的观测 [8]。雷达观测通过所获得的时延和多普勒频率数据来分辨双小行星,观测目标仅限于近地小行星 [9][10];掩星观测的目标稀少,且观测是不可重复;光度测量适合所有小天体,它是通过小行星特殊光变曲线形状来探测。目前,人们已经探测到 512 个双小行星系统,其中,地面成像观测 48 个、空间望远镜成像观测 102 个、雷达观测 54 个、掩星观测 5 个以及光度测量 303 个<sup>①</sup>。可以看出测光观测方法探测出最多的样本,空间望远镜的成像观测可以发现双小行星系统,但受可用观测时间的限制,更多地用于双小行星的认证。

近年来,国内外有很多不同核心科学目标的测光巡天项目。在巡天观测视场中,除了巡天观测的核心科学目标,还会包含大量的太阳系小行星,这些数据可用于小行星的轨道和小行星物理性质的研究。尤其时序测光巡天观测,可以提供视场中所包含小行星的整夜或更多时间覆盖的测光数据/光变曲线。从小行星的光变曲线形状可以探测是否为双小行星系统。本文的研究目标的测光数据就是出自云南-香港宽视场巡天观测(简称 YNHK 巡天)。YNHK 巡天项目的核心科学目标是搜寻新的凌星系外行星系统。巡天观测始于 2006 年,至今发现了近百个系外行星候选体和各类变星 [11]。利用我们自己建立的巡天视场中移动天体识别的方法,目前已从部份视场中的提取出 500 左右的太阳系小行星光变曲线 [12]。从 YNHK 巡天观测获得的主带小行星(2572) Annschnell 的测光数据,我们发现它的光变振幅异常大(约 0.83mag),且具有 U 型最大值和 V 型最小值特征,这些特征反映该目标可能是相接双小行星系统。实际上,在近地小行星、特洛伊天体、柯伊伯带及天体冥族小天体中已发现了不少这类双小行星的样本 [13][14][15]。

近似地,具有“碎石堆”组结构的小行星可以被视为流体,其形状为满足流体静力学转动平衡 [16],也称为洛希椭球。作为 Chandrasekhar 的洛希双星理论 [17] 拓展和延伸,人们提出了适用于双小行星的洛希双小行星理论 [13][17]。相接双小行星是同步双小行星(两个小行星的自转与相互绕转的角速度相同)中特殊的一种。相接双小行星的轨道半长轴等于两个小天体最大半长轴之和。双小行星的相互掩食在光变曲线形成了“U”型的极大值和“V”型

---

<sup>①</sup><http://www.johnstonsarchive.net/astro/asteroidmoons.html>

极小值特征。利用洛希双小行星理论, 已成功地分析了太阳系各种类别相接双小天体的测光数据 [13][14][15][18][19][20]

特洛伊天体 (624) Hektor 是一个已被证实的相接双小行星。除了大的光变振幅, Hektor 的部分光变曲线 (见图 (1) 显示了“U”型的极大值和“V”型极小值特。早期, Dunlap 等人 [21] 用单个偏长椭球体分析了 (624) Hektor 的光变曲线; 后来, 多个研究团队应用洛希双小行星理论分析了 Hektor 的光变曲线 [22][23][24][25], 估算出 Hektor 的密度约为  $2.48\text{g}/\text{cm}^3$ ; 2006 年, Marchis 等人利用带有自适应光学系统的 W.M. Keck 望远镜对 (624)Hektor 进行直接成像观测, 证实了 Hektor 是相接双小行星并带有一个小的卫星 [26]。小行星 (2572) Annschnell 的光变曲线形状与 Hektor 的非常相似。

小行星 (2572) Annschnell 是由德国文学家 Reinmuth 在 1950 年 2 月 17 日发现的, 其绝对星等估计为 13.4 等。Behrendr 的网站给出一个  $6.3\text{h}^2$  的自转周期<sup>②</sup>。NEOWISE 测定该小行星的反照率为 0.658, 估算的直径为 3.424 公里 [27]。依据 SDSS 巡天和 Pan-STARRS 多色测光观测数据,(2572) 被分类为 ‘CX’ 类 (介于 C 类和 X 类之间)[28][29][30]。显然, NEOWISE 的测定的高反照率与 ‘CX’ 类 (反照率低) 分类结果存在较大分歧。目前, (2572) 没有形状、自转和表面散射性质物理参数。

本文的研究目标就是结合 (2572) 的新观测数据以及小行星中心下载的测光数据, 分析 (2572) 洛希双小行星模型, 为未来利用中国空间站望远镜 (Chines Space Station Telescope, 简称 CSST) 的星冕仪 (CPI-C) 的认证观测提供信息和制定观测计划做准备。为此, 本文的第二部分介绍 (2572) Annschnell 的测光观测与数据处理; 第三部分为双小行星光度模型; 第四部分为目标小行星光变曲线分析; 最后一部分为总结。

## 2 观测与数据处理

本文分析用到了小行星 (2572) 的 12 条光变曲线。其中, 7 条来自 YNHK 巡天观测, 5 条来自国际小行星中心<sup>③</sup>。

YNHK 巡天观测用到一架安装在丽江高美谷观测站的口径 18 英寸宽视场望远镜 (观测站代码 O45), 巡天观测的主要科学目标是搜寻新凌食系外行星与小行星。望远镜配备了一个  $4K \times 4K$  的 CCD 相机以及一个滤光片卡槽 (可用 Clear 和 R 两个滤光片), 巡天观测使用了 Clear 滤光片。望远镜的视场大小为  $1.67^\circ \times 1.67^\circ$ , 对应的空间分辨率为  $1.47''$ / 像素。YNHK 巡天观测是无人值守的观测模式。通过远程控制预先编辑观测脚本, 使整夜的观测完全自动执行 (包括本底、暗流和平场采样观测以及目标观测), 详细见文章 [11]。YNHK 巡天选取了 6 个观测区域以供全年的巡天观测, 每个区域包括至少四个天区, 观测时是循环指向四个天区。单个指向的曝光时间为 8 秒, 一个循环约 5 分钟。因此, 巡天观测数据的时间分辨率为 5 分钟。该巡天项目已持续进行了 7 年, 积累了大量天体的长时序测光数据 (包括

<sup>②</sup><https://obswww.unige.ch/behrend/page4cou.html>

<sup>③</sup><https://www.alcdef.org>

小行星)。小行星 (2572) Annschnell 的测光数据是在 2017 年 02 月 26 日至 04 月 08 日的巡天观测中提取的, 具体的观测信息列于表1, 第 1 列到 7 列分别为观测时间、小行星地心赤道坐标、地心距离、日心距离、太阳相位角、视星等以及观测的望远镜。

表 1 本文分析用到的 (2572) Annschnell 测光数据

Observation Information of used photometric data of (2572) in this work

日期	$(\alpha, \delta)$	$\Delta$	r	Phase	V	望远镜
	(°, °)	(AU)	(AU)	(°)	mag	
2017-02-26	(217.98, -15.47)	1.526	2.161	24.1	17.1	YNHK
2017-02-27	(218.13, -15.47)	1.514	2.160	24.0	17.1	YNHK
2017-02-28	(218.30, -15.48)	1.502	2.158	23.8	17.1	YNHK
2017-03-02	(218.56, -15.50)	1.479	2.156	23.4	17.1	YNHK
2017-04-05	(218.69, -13.74)	1.166	2.113	11.8	16.1	YNHK
2017-04-06	(218.59, -13.62)	1.160	2.112	11.3	16.1	YNHK
2017-04-08	(218.31, -13.40)	1.149	2.110	10.3	16.0	YNHK
2017-06-08	(209.27, -7.28)	1.231	2.058	21.3	16.5	CS3 <sup>a</sup>
2017-06-09	(209.30, -7.29)	1.238	2.057	21.7	16.5	CS3
2017-06-10	(209.32, -7.24)	1.246	2.056	22.0	16.5	CS3
2017-06-11	(209.35, 7.25)	1.253	2.056	22.3	16.5	CS3
2018-09-29	(24.50, 10.50)	1.602	2.563	8.1	17.1	CS3
2018-09-30	(24.30, 10.38)	1.599	2.564	7.6	17.0	CS3

<sup>a</sup> Center for Solar System Studies (CS3) 拥有七架望远镜, 通常用于小行星家族研究项目。

YNHK 巡天观测的单次曝光时间为 8 秒, 可探测视场中 1-3 万个天体, YNHK 巡天观测数据处理是一个海量数据处理问题。为了高效处理所获得的观测图像以及探测各种天文事件及小行星, 基于 IRAF 软件包和 Python 工具, 我们自主开发了一套集数据处理、凌食信号探测以及视场中的小行星识别等功能的自动管线工具。自动管线的功能包括观测图像系统误差处理 (即, 观测图像检查、本底去除、暗流和平场改正、宇宙线识别和剔除)、观测图像天体测量校准、与其他星表的交叉匹配以及天体的光度和天体测量位置测量。

针对 YNHK 望远镜及所配 CCD 相机, 我们选择了 14 个参数函数来描述 CCD 图像中天体像元位置与 Gaia DR3 星表位置之间的转换关系 (也称天体测量校准), 转换的天体位置与星表位置的 ( $O - C$ ) 的均方根在 0.16" 之内 (详见 [12])。利用观测图像的天体测量解, 可以实现与其他星表的交叉匹配, 以获得视场中每个天体的物理信息。更重要的是, 可按科学目标, 我们可预制每个天区的输入星表, 用于自动测光和数据提取。对于视场中的太阳系小行星, 我们利用自主开发的时域巡天中移动天体识别方法 [12], 获得视场中太阳系小天体的初始位置及运动速度。基于这些信息, 将小行星的视位置添加到输入星表中, 可以实现太

阳系小天体的自动测光和数据提取。

应用 IRAF 的孔径测光可以测定图像中所含天体的亮度。测量时需要选取最优的孔径大小，以保证最优的测光精度。为了探测到光变曲线中暗弱的凌食信号（食深通常在 0.01~0.02 星等），我们还进行了测光数据中系统噪声改正（有的人也称红噪声改正）[31][32]，提高了光变曲线的信噪比。粗略统计，通过系统误差改正后数据产品中 V 波段亮度高于 13.8mag 的恒星的测光精度高于 0.01mag[28]。经过数据处理后的 (2572) Annschnell 的七个晚上的测光数据用散点列于图 (4)。

统一地，我们将 YNHK 巡天中的小行星观测时间转换日心儒略日 (HJD)。按照小行星的地心距离，对小行星观测记录时刻做了小行星光行时改正。对于从小行星中心下载的测光数据也做了相应的光行时改。由于该小行星的反照率与分类的较大差异，使得小行星大小的测量存在较大的不确定性。因此，本文的分析仅用光变的相对变化（扣除每条光变曲线的平均值）来分析系统的物理参数。

(2572) Annschnell 测光数据分析总共用到 2017 年和 2018 年的 12 条光变曲线。在一个较短的观测时间内（例如几天内），小行星的光变曲线形状的变化是很小的，但当观测时间相隔较长时，由于观测几何（观测视界角和太阳相位角）的明显变化，会引起小行星光变曲线形状的明显变化。正是利用不同观测时期得到的不同的光变曲线，我们可以测定小行星或双小行星的物理参数（例如，小行星形状、自转参数/双小行星的绕转的轨道参数等）。为了获得覆盖较完整的小行星转动相位曲线，我们将这 12 个晚上的光变曲线分成 4 个时间段来拟合，如图 (4) 所示。基于洛希双小行星理论，我们建立了一个简单的相接双小行星光度模型，并对 (2572) Annschnell 的光变曲线进行反演分析。

### 3 双小行星光度模型

#### 3.1 洛希双小行星理论

近年来，越来越多的同步的双小行星样本被人们所发现 [33][23][34][35][36][20][15]，引起人们对同步双小行星的探测研究的兴趣。同步双小行星指两小行星相互绕转的周期与小行星的自转周期相同，小行星的光度表现为单一周期的变化。大多数小行星被认为具有较低密度的‘碎石堆’结构（指颗粒以引力聚集，内部无张力或很低的张力，有中等的多孔度），近似地，可以将‘碎石堆’结构小行星看成不可压缩的流体，这样就可以应用流体转动稳平衡理论研究小行星的形状。应用 Chandrasekhar 的洛希理论 [37]，Descamps 建立了双小行星洛希模型 [38]，给出稳定的同步双小行星解满足方程 (1) 和 (2)，即小行星的相互绕转动角速度  $\omega$ 、两个小行星的质比  $q$ 、密度  $\rho$ ，以及两个小行星的洛希椭球形状（指双小行星中一个小行星受到自身引力和另一个小行星潮汐引力作用下的一种转动平衡形状）之间的约束关系。

$$\frac{(3+q)a_p^2 + c_p^2}{qb_p^2 + c_p^2} = \frac{A_1 a_p^2 - A_3 c_p^2}{A_2 b_p^2 - A_3 c_p^2} \quad (1)$$

$$\frac{\omega^2}{\pi G \rho} = 2(a_p b_p c_p) \frac{A_1 a_p^2 - A_3 c_p^2}{(3+q)a_p^2 + c_p^2} (1+q) \quad (2)$$

在上两式中,  $q = M_p/M_s$  为主小行星与次小行星的质量之比, 方程 (1) 计算的是主星处于次星潮汐引力下的洛希形状  $(a_p, b_p, c_p)$ , 方程 (2) 则给出了主星洛希形状、轨道角速度  $\omega$  以及天体密度  $\rho$  之间的约束。辅助量  $A_1$ 、 $A_2$  和  $A_3$  是小行星洛希形状参数的函数, 具体的计算解析式同文献 [17] 中的公式 ((12)-(17))。

如果将上两式中的质量比用  $1/q$  替代, 计算的则是次星  $M_s$  的洛希形状  $(a_s, b_s, c_s)$ 。在洛希双小行星理论中, 也将公式 (2) 左边称为归一化的转动角速度, 即  $\Omega = \frac{\omega^2}{\pi G \rho}$ 。有效的洛希双小行星解要求主小行星和次小行星的两次计算的归一化的转动角速度是相等 [25]。

### 3.2 相接双小行星光度模型

相接双小行星是同步双小行星的一种, 这种双小行星相互绕转轨道半长轴等于两个天体最大半长轴之和  $D = a_p + a_s$ , 且两个小行星的自转角速度与相互绕转角速度相同, 观测到的光变曲线显示为单一周期光变。简单地说, 任一时刻观测得到的双小行星的积分光度是两个小行星的被照亮且可见表面反射太阳光的总和。理论上讲, 如果给定小行星的形状、自转参数 (自转轴指向和自转速率), 光源和观测者的方向, 应用合适的散射律 (例如, Lommel-Seeliger 律) 可以计算单个小行星的积分光度。对于双小行星来讲, 如果已知两小行星相互绕转的轨道参数, 可以计算两小行星的相互位置, 以判断是否有相互遮挡光线或视线事件。将相互遮挡引起的光度减少部份从两小行星总光度中扣除即为双小行星的积分光度。反演问题则是指依据观测的双小行星光变曲线测定光度模型中所涉及的参数。

双小行星的光变模型中的参数要比单个小行星的物理参数要多。假设双小行星是洛希椭球, 且双小行星洛希方程对双小行星的洛希椭球形状进行约束, 极大地减少了小行星形状参数个数。即便在这样假设下, 求解洛希双小行星参数仍要求有观测几何跨度较大的多个可视期的光变曲线。

本文的研究目标小行星 (2572) 的观测集中在 2017 年和 2018 年的 4 个时间段, 但观测几何的变化不大。这对模数参数的求解仍存在困难。这里我们做了一些简化, 不考虑散律, 仅用小行星被照亮且视截面的大小来近似表征小行星的亮度。如公式 (3) 表示, 双小行星积分光度的  $F(t)$  的计算分成三部分: 主小行星的光度  $F_1(t)$ 、卫星的光度  $F_2(t)$ 、以及由于掩食被遮挡的光度  $F_m(t)$ ,

$$F(t) = F_1(t) + F_2(t) - F_m(t). \quad (3)$$

在公式 (3) 中,  $F_1(t)$  和  $F_2(t)$  的计算需要小行星的形状、自转轴指向以及相应时刻的观测几何信息。双小行星的相互绕转轨道参数为: 轨道半长轴  $D$ , 偏心率  $e$ , 轨道法线指向  $(\lambda_{orb}, \beta_{orb})$ , 绕转角速度  $\omega$  以及给定时刻  $t_0$  对应的绕转初相位角  $\phi_{m0}$ 。双小行星绕转轨道参数可以计算任一时刻两个小行星的相对位置, 当两个小行星中心连线在天空背景上的投影距离小于两个小行星的最大半长轴之和时, 掩食发生, 就要计算被遮挡的光度  $F_m(t)$ 。

本文的反演计算中, 假设双小行星的轨道为圆轨道 ( $e = 0$ )。  $t_0$  一般取为其中一个光度极小值发生时刻, 此时两小行星的最长轴的连线与视线方向重合。相接双小行星模型定义两个小行星的自转轴指向与绕转轨道的法线一致。因此, 两个小行星的自转参数均取用 ( $\lambda_{orb}$ ,  $\beta_{orb}$ ), 及  $\omega$ 。同时, 我们还定义  $t_0$  时刻两个小行星自转初相位也同与绕转的初相位角相同 (即  $\phi_{p0} = \phi_{s0} = \phi_{m0}$ )。考虑洛希双小行星理论, 相接双小行星的光度模型参数  $P$  包含主小行星形状 ( $a_p, b_p, c_p$ )、次小行星形状 ( $a_s, b_s, c_s$ )、轨道参数 ( $D, \lambda_{orb}, \beta_{orb}, \omega, \phi_{m0}$ ) 以及洛希双小行星参数  $q$  和  $\rho$ 。

基于所涉参数和洛希双小行星理论, 我们建立了一个简单的相接双小行星光度模型。按星等计算的双小行星的积分光度如公式 (4) 所表示:

$$\begin{aligned} M_{binary}(t, P) &= -2.5 * \log(S_{binary}) \\ S_{binary}(t, P) &= S_1 + S_2 - S_{occ} \end{aligned} \quad (4)$$

$t$  为观测时刻,  $P$  为模型参数。  $S_1$  和  $S_2$  为  $t$  是时刻主小行星和卫星的视截面积。这里忽略了太阳相位角的影响 ( $\alpha = 0^\circ$ ), 原因是主带小行星的相位角较小。  $S_{occ}$  的计算也是仅考虑了两个小行星相互遮挡的视截面。后续的工作将开展包含散射律和小行星不规则形状的双小行星光度模型建立以及更多双小行星的光度反演研究。

### 3.3 相接双小行星光度模型测试

为了验证我们所建立的相接双小行星光度模型的可靠性, 我们模拟了特洛伊相接双小行星 (624) Hektor 在 1957 到 1968 年的四个可视期的光变曲线。如图1所示, 图中的蓝色虚线为用简化的相接双小行星模型计算的 Hektor 的理论值, Hektor 的洛希双小行星参数取自文献 [25],[39]。模拟值与观测的光变曲线 (黑色空心散点) 的一致性很好, 说明我们的简化的相接双小行星模型在可以描述观测的数据。

## 4 小行星 (2572) 测光数据分析

### 4.1 光变周期分析

利用 lomb-Scargle 周期图, 我们对 YNHK 观测得到的 Annschnell 的 7 个晚上的测光数据进行其光变周期分析。从图2给出了周期值的分布, 我们发现最大值位于 7.585 周/天处。考虑到小行星光变的双峰性质, 小行星 (2572) Annschnell 的合理的光变频率应为 3.7925 周/天 (对应的光变周期为 6.328 小时)。

按得到的光变周期值, 将我们的 2 个时间段的观测数据折成转动相位光变曲线 (图 (4) 上层两子图)。简单地用光度最大值和最小值差来估计, 两个不同时段的光变振幅约为 0.83 和 0.76 等。光变振幅的变化主要由观测几何中视界角 (观测视线与轨道法线之间的夹角) 的变化引起。

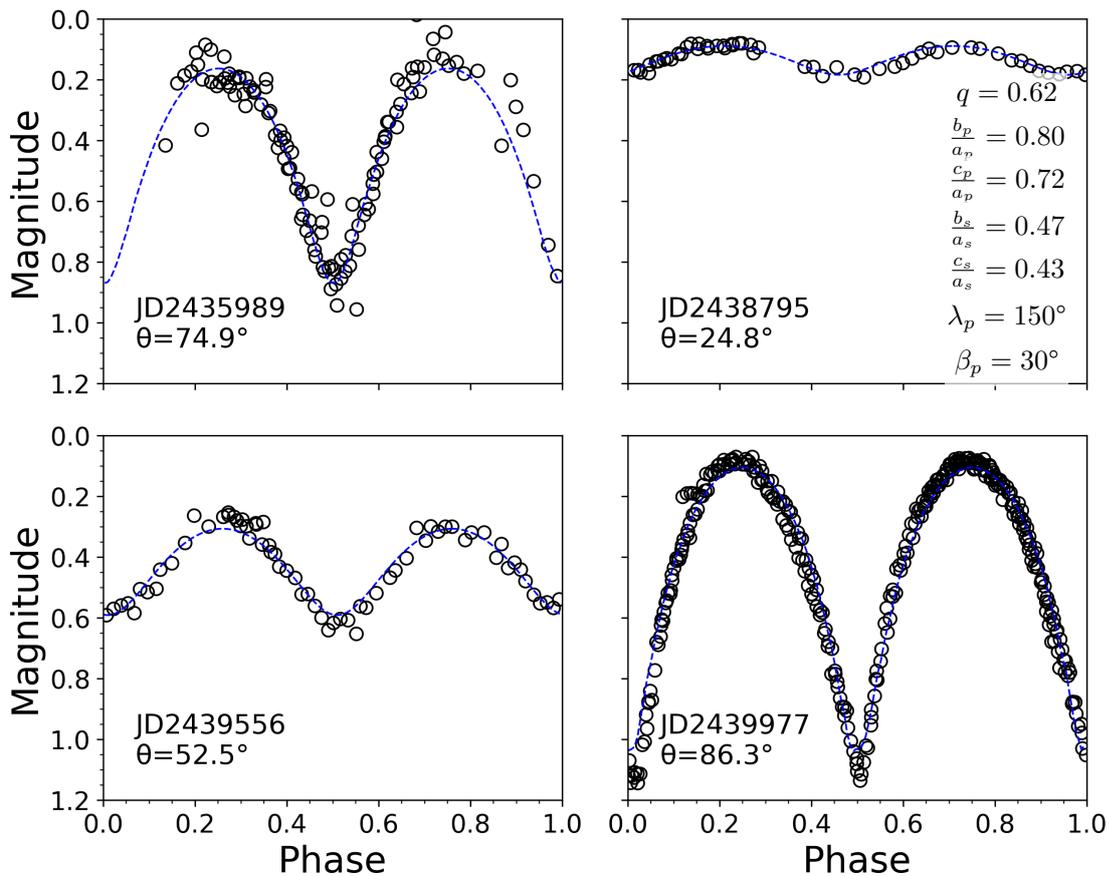


图 1 小行星 (624) Hektor 的光度观测值 (黑色空心散点) 及双小行星模拟光度值 (蓝色虚线)  
 右上图中所列为 Hektor 的洛希双小行星参数,  $JD$  为观测时的儒略日,  $\theta$  为观测时的视界角 (视线与转道法线之间的夹角)

#### 4.2 反演数据生成

与单个小行星测光数据反演相比, 双小行星的测光数据反演涉及参数更多, 意味着对反演所需的测光数据更苛刻。如果目标双小行星测光数据的几何跨度 (视界角的变化范围) 较小, 参数之间会出现退化现象。为此, 我们采用扫描参数空间的方法搜寻参数的最或然解。必须承认, 这样过程是非常耗时的。考虑到在一个短的观测时段 (例如连续几天), 观测几何变化不大, 光变曲线的形状变化可以忽略。为了提高扫描计算时间, 这里实际拟合的是不同观测时段中的光变曲线形状。针对 (2572) 的测光观测的情况, 12 个晚上的观测可分成 4 个观测时段。基于这 4 个时间段的观测数据, 或准确地说是转动相位光变曲线 (相位范围 0~1), 对每个时间段的光变曲线进行了重采样, 即按均匀相位分布进行重采样。本研究均匀取样点数为  $n = 100$ , 采样相位点对应的光度值则是通过对同一观测时段内光变相位曲线的傅立叶

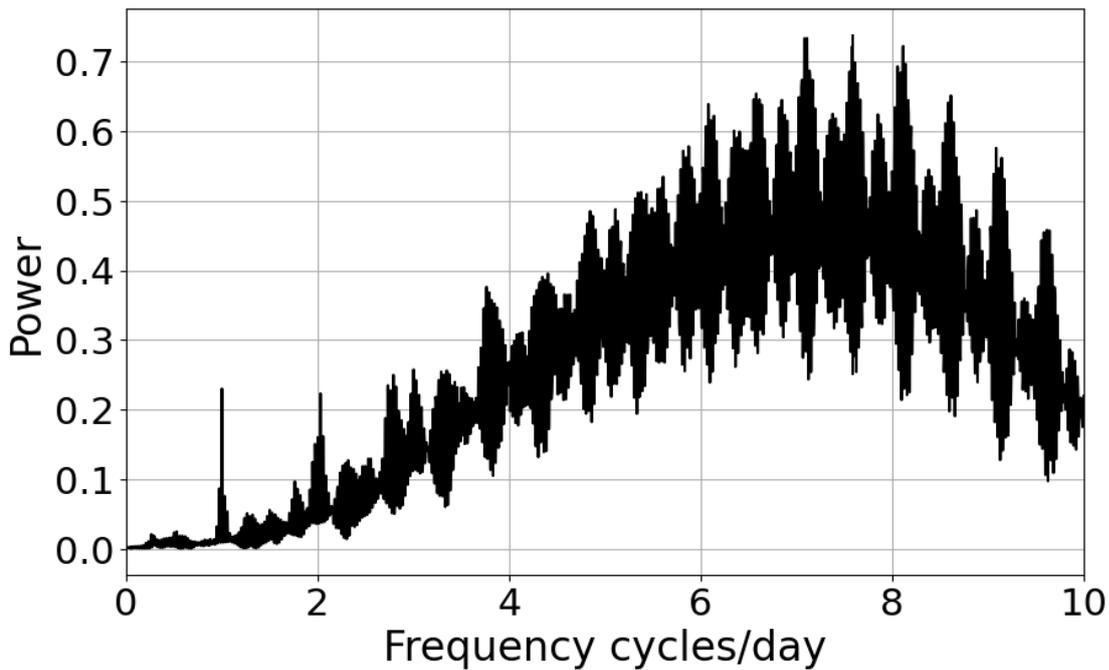


图 2 小行星 (2572) 的新测光数据周期分析的 lomb-Scargle 周期图

级数函数拟合函数计算得到。对应地生成了 4 条用于反演计算的‘采用光变曲线’，这样做一方面可以节省的反演分析时间，还可以降低观测误差对反演分析的影响。

#### 4.3 反演方法和计算流程

类似于单个小行星测光反演方法，双小行星测光数据的反演也是通过对比给定参数的模型值与‘采用观测值’，残差平方和（用  $\chi^2$  表示）的最小值对应的为洛希双小行星模型参数的最或然解。

$$\chi^2 = \sum_{j=1}^{nlc} \sum_{i=1}^n (M_{obs}(i, j) - M_{mod}(P, i, j))^2 \quad (5)$$

上式中  $M_{mod}(P, i, j)$  为洛希双小行星模拟星等,  $M_{obs}(i, j)$  为‘采用观测值’,  $P = (a_p, b_p, c_p, a_s, b_s, c_s, \lambda_{orb}, \beta_{orb})$  为模型中含的待测参数。下标  $(i, j)$  指第  $j$  条相位光变曲线的第  $i$  个数据点。具体地，反演共有光曲线数  $nlc = 4$ ，每个相位光变曲线共取  $n = 100$  个数据点。按一定的步长，采用了网格扫描待测参数空间的方法，获得待测参数值的  $\chi^2$  的后验分布。从参数的后验分布中确定双小行星系统待测参数的最或然解。由于前人所测量的小行星的反照率结果和由色指数分析的小行星分类结果对应的物质组成成分较大，相应的小行星大小测量的误差较大。在本文的分析中，没有拟合小行星的大小，而是将主小行星的最大半长轴设为  $a_p = 1$ 。实际的计算流

程如下:

(I) 对选定的扫描参数 ( $q, c_p, c_s, \lambda_{orb}$  和  $\beta_{orb}$ ), 以给定步长网格扫描设定的参数空间, 给出 5 个扫描参数的具体值。

(II) 按给定 ( $q, c_p, c_s, \lambda_{orb}, \beta_{orb}$ ) 的值, 利用方程 (1) 计算 ( $a_s, b_p, b_s$ )。其中,  $a_s$  由质量比  $q$  及  $a_p$  给出。

(III) 对所选任一组参数  $P$ , 计算双小行星的理论模型光度, 以及与“采用观测值”的残差的平方和  $\chi^2(P)$  (如公式 (5))

(IV) 进行扫描参数的取舍。即将 ( $q, a_p, b_p, c_p$ ) 和 ( $1/q, a_s, b_s, c_s$ ) 的值分别带入到方程 (2) 中, 比较两个小行星的‘归一化转动角速度’  $\Omega = \frac{\omega^2}{\pi G \rho}$  值是否相同, 如果相同则保存这个洛希双小行星解。

(V) 选取  $\chi^2$  的最小值所对应的参数取为双小行星参数的最或然解

(VI) 利用公式 (2) 进行小行星密度估算

为了节省扫描时间, 我们预先从小行星 (2572) 的 4 个时间段的光变振幅值, 粗略地估算了双小行星轨道面法线指向 ( $\lambda_{orb}, \beta_{orb}$ ) 为 ( $302^\circ, 22^\circ$ ), 因此将  $\lambda_{orb}$  的扫描范围限制在 ( $285^\circ \sim 315^\circ$ ),  $\beta_{orb}$  的扫描范围限制在 ( $17^\circ \sim 47^\circ$ )。依据文献 [40] 的研究结果, 考虑小行星 (2572) 的测光数据的光变振幅、绕转角速度  $\omega$ , 以及小行星的密度范围 ( $1 \sim 5 \text{g/cm}^3$ ), 我们限制两个小行星的质量比  $q$  的扫描范围在  $0.4 \sim 1.0$ ,  $c_p$  和  $c_s$  的扫描范围分别为  $0.6 \sim 0.99$  和  $0.4 \sim 0.99$ 。参数  $q, c_p$  和  $c_s$  的扫描步长均为  $0.01$ ,  $\lambda_{orb}$  和  $\beta_{orb}$  的扫描步长为  $1^\circ$ 。

#### 4.4 反演结果

完成所选参数空间扫描后, 我们会得到被扫描参数的  $\chi^2$  分布 (如图 (3) 所示)。图中的  $\chi^2$  值实际上是经过归算的值 (即由公式 (5)) 计算的  $\chi^2$  值除以最佳模型对应的  $\chi_{best}^2$  值)。其中, 参数 ( $q, C_p, C_s$ ) 给出的是参数值随  $\chi^2$  的分布图, 轨道法线指向 ( $\lambda_{orb}, \beta_{orb}$ ) 给出的是  $\chi^2$  热力图。从图 (3) 可以看出, 对参数  $q, c_p$  的分布比较窄, 反映观测对这两个参数约较好, 测量的精度也高于  $c_s$ 。轨道法线指向 ( $\lambda_{orb}, \beta_{orb}$ ) 的  $\chi^2$  的热力图反映出观测对参数的测定精度较差, 这主要因为所用光变曲线的观测的视界角  $\theta$  的变化范围太小引起的。这需要未来更多观测来提高这个参数的准确度。从参数的  $\chi^2$  分布中, 我们得到小行星 (2572) 的测光反演的最佳解, 详细列于表 2。

图 (4) 展示了 (2572) 的最佳洛希双小行星光度模型值与观测数据的比较。可以看出, 所获得的相接双小行星理论模型能很好地模拟 4 个时间段观测的光变曲线。图中拟合不理想地方应该是由于真实的小行星形状与理论三轴椭球体有偏差的原因, 例如, 小尺度的凸起和坑之类的。无论如何, 目前所获得的洛希双小行星模型解为我们提供了了解小行星密度的机会。依据这个模型解, 估计小行星 (2572) 的密度下限为  $\rho \approx 3.15 \text{g/cm}^3$ 。

表 2 小行星 (2572) Annschnell 测光分析结果

Analysis result as a contact binary asteroids of Annschnell

质量比 $q$	0.51
主小行星形状 $(a_p : b_p : c_p)$	(1.00:0.84:0.76)
次小行星形状 $(a_s : b_s : c_s)$	(1.06:0.57:0.53)
轨道面法线 $(\lambda_{orb}, \beta_{orb})$	$(297^\circ, 33^\circ)$
历元 $t_0, \phi_{m0}$	2457813.3989, 0
绕转角速度 $\omega$	3.7925 周/天
密度 $\rho$	$3.15 \text{g/cm}^3$

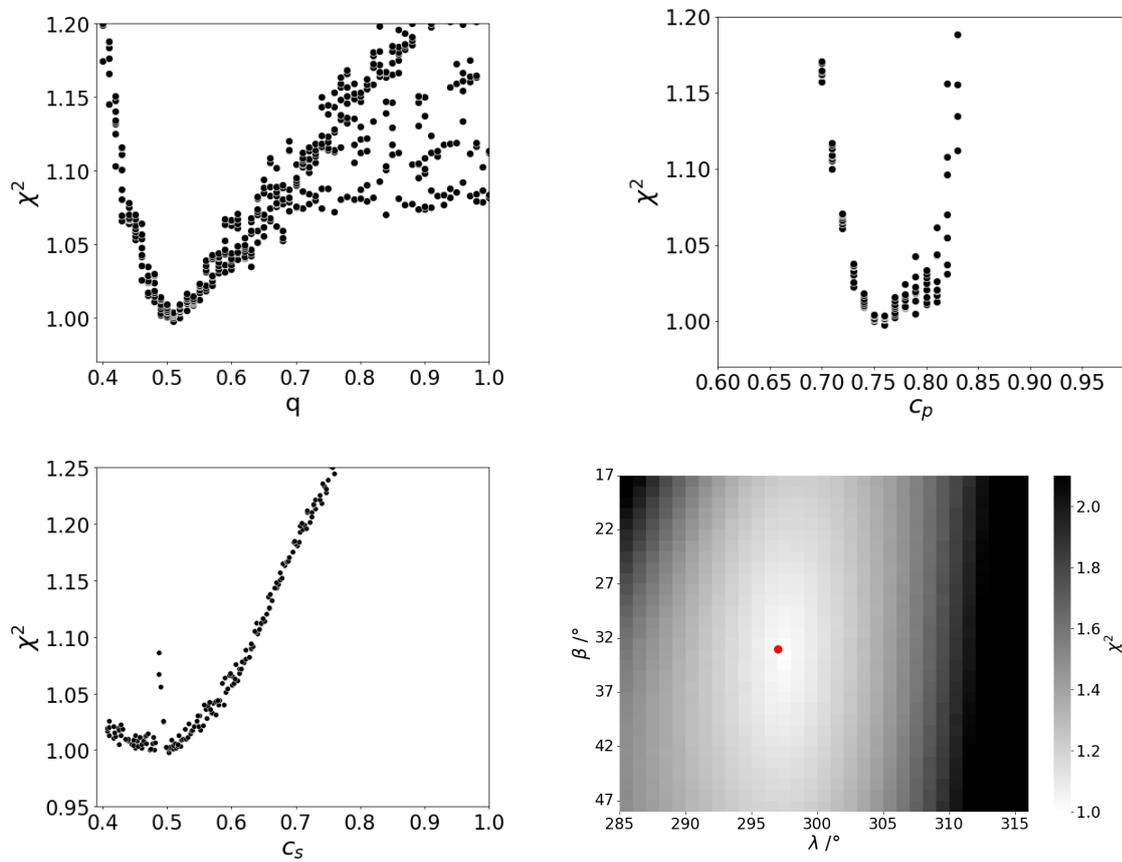


图 3 参数分布图

## 5 总结

在 YNHK 巡天观测中包含数目可观小行星。时序巡天观测中所包含的小行星测光数据呈现为持续几个晚上的光变曲线。这样的数据非常有利于小行星物理性质研究, 例如本研究中涉及的小行星 (2572)Annschnell 的物理研究。

(1) 由 YNHK 巡天观测得的主带小行星 (2572)Annschnell 7 个晚上的光变曲线所显示的特殊特征——大的光变振幅 (0.83 星等)、U 型最大值和 V 型最小值。反映了 (2572) 可能是一个相接双小行星。

(2) 应用洛希双小行星理论, 假设小行星的形状为洛希椭球, 我们建立了一个简单的双小行星光度模型。分析了 (2572) 的 12 条光变曲线 (其中 7 条为新观测得到的, 5 条是从国际小行星中心下载的)。得到该目标的洛希双小行星模型最佳解为  $P_{best}$ =(主小行星形状 ( $a_p = 1.0, b_p = 0.84, c_p = 0.76$ ))、次小行星形状 ( $a_s = 1.06, b_s = 0.57, c_s = 0.53$ ), 轨道参数 ( $D = 2.06, \lambda_{orb} = 302, \beta_{orb} = 22, \phi_{m0} = 0$  以及洛希双小行星参数  $q = 0.51$ )。由洛希双小行星参数估算出 (2572) Annschnell 密度为  $\rho \approx 3.15 \text{g/cm}^3$ , 这个值接近于 CV 或 CK 陨石的密度, 推测小行星 (2572) 是含碳的小行星, 与斯隆数据和 Pan-STARRS 的估算的类别 CX 类一致。用碳类小行星的典型反照率 0.057 以及绝对星等 13.3 等来计算, (2572) 的等效球直径为 12.18 公里; 对应的主小行星的椭球的三个半长轴为 (7.07: 5.93: 5.37) 公里; 第二小行星的椭球三个半长轴为 (7.49: 4.03: 3.75) 公里。

(3) 依据所获得的小行星 (2572) 的洛希模型解, 我们估算出双小行星的归一化转动角速度为  $\Omega = 0.34$ ; 无量纲系统角动量为  $H = 0.48$ (具体计算公式见 [41] 的附录 A); 按文献 [41] 研究结果, 我们推断相接双小行星 (2572) 可能由单个小行星经转动裂变成形。

(4) 目前, 依据 (2572) Annschnell 的光变曲线的双小行星特征的研究只能是一种间接手段, 需要其它手段来证实所发现双小行星的真实性。例如, 我们希望借助具有高像质、强探测能力的 CSST 上配备的星冕仪 (CPI-C) 模块来实现双小行星的认证。按 CPI-C 模块的设计指标, 其探测亮度的对比度  $10^{-8}$ , 有可能探测到 (2572) 的双小行星结构。

### 参考文献:

- [1] MICHEL P, DEMEO F E, BOTTKE W F. 1(3): 1
- [2] LI J Y, HELFENSTEIN P, BURATTI B, et al. 86: 277–326
- [3] BELSKAYA I, CELLINO A, GIL-HUTTON R, et al. 151
- [4] BENNER L A, BUSCH M W, GIORGINI J D, et al. 1: 165–182
- [5] DEMEO F, ALEXANDER C, WALSH K, et al. 1: 13
- [6] ĀURECH J, CARRY B, DELBO M, et al. 2015: 183–202
- [7] MAINZER A, BAUER J, GRAV T, et al. 731(1): 53
- [8] MERLINE W, CLOSE L, DUMAS C, et al. 401(6753): 565–568
- [9] OSTRO S J. 65(4): 1235
- [10] MAGRI C, HOWELL E S, NOLAN M C, et al. 214(1): 210–227

- [11] GU S, WANG X, YEUNG B, et al. 343(9-10): e20224022
- [12] XU X, WANG X, MUINONEN K, et al. 521(3): 3925–3938
- [13] MANN R K, JEWITT D, LACERDA P. 134(3): 1133
- [14] SHEPPARD S S, JEWITT D. 127(5): 3023
- [15] THIROUIN A, SHEPPARD S S. 155(6): 248
- [16] SCHEERES D, BRITT D, CARRY B, et al. 745766: 745–766
- [17] CHANDRASEKHAR S, LEBOVITZ N R. 137: 1172
- [18] DESCAMPS P. 56(14): 1839–1846
- [19] THIROUIN A, SHEPPARD S S, NOLL K S. 844(2): 135
- [20] THIROUIN A, SHEPPARD S S. 154(6): 241
- [21] DUNLAP J, GEHRELS T. 74: 796
- [22] COOK A International Astronomical Union Colloquium. 1971£–12: 155–163
- [23] HARTMANN W K, CRUIKSHANK D P. 36(3): 353–366
- [24] WEIDENSCHILLING S. 44(3): 807–809
- [25] LACERDA P, JEWITT D C. 133(4): 1393
- [26] MARCHIS F, DURECH J, CASTILLO-ROGEZ J, et al. 783(2): L37
- [27] MASIERO J R, MAINZER A, GRAV T, et al. 741(2): 68
- [28] IVEZIC Z, JURIC M, LUPTON R, et al. 2004: EAR–A
- [29] HASSELMANN P, CARVANO J, LAZZARO D. 2011: EAR–A
- [30] VEREŠ P, JEDICKE R, FITZSIMMONS A, et al. 261: 34–47
- [31] COLLIER CAMERON A, POLLACCO D, STREET R, et al. 373(2): 799–810
- [32] TAMUZ O, MAZEH T, ZUCKER S. 356(4): 1466–1470
- [33] DESCAMPS P, MARCHIS F, MICHALOWSKI T, et al. 187(2): 482–499
- [34] DESCAMPS P, MARCHIS F, MICHALOWSKI T, et al. 189(2): 362–369
- [35] CAMPBELL D, MAGRI C, GIORGINI J, et al. 288(5467): 836839Reed
- [36] DESCAMPS P, MARCHIS F, POLLOCK J, et al. 196(2): 578–600
- [37] CHANDRASEKHAR S. 4: 430
- [38] DESCAMPS P. 245: 64–79
- [39] DE ANGELIS G. 43(5): 649–682
- [40] LEONE G, PAOLICCHI P, FARINELLA P, et al. 140: 265–272
- [41] DESCAMPS P, MARCHIS F. 193(1): 74–84

## Photometry analysis of asteroid(2572) Annschnell – The contact binary asteroids model

HUANG,Jing<sup>1,2</sup>, WANG, Xiaobin<sup>1,2,3</sup> & DOU,jiangpei<sup>4,5</sup>

(1. Yunnan Observatories, Chinese Academy of Sciences, Kunming 650216, China; 2. University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China; 3. Key Laboratory for the Structure and Evolution of Celestial Objects, Chinese Academy of Sciences, Kunming 650216, China; 4. Nanjing Institute of Astronomical Optics & Technology, Chinese Academy of Sciences, Nanjing 210042, China; 5. CAS Key Laboratory of Astronomical Optics & Technology, Nanjing Institute of Astronomical Optics & Technology, Nanjing 210042, China )

**Abstract:** Density of small objects of the Solar system is very important for understand-

ing their origin and evolutionary history. However, the determination of densities of small objects of the solar system still is an challenging work for now. The binary asteroids provide an opportunity to infer their density. The contact binary asteroid is one type of synchronous binary asteroids, whose orbital semi-major axis is close to the sum of the maximum semi-major axes of two asteroids assuming ellipsoid shapes. Till now, similar systems have been discovered in other small object groups of the solar system, for examples, Near-Earth asteroids, Trojans, and Kuiper Belt objects. Considering a rubble pile structure of asteroids, the roche binary asteroids theory can be applied to determine the system parameters included density of asteroids. Asteroid (2572) Annschnell is found possible to be a contact binary asteroids due to special features in its lightcurves obtained by the Yunnan-Hong Kong Wide Field Survey in 2017. A brightness model of the contact binary asteroids is developed, with which the photometric data of Annschnell are analysed then. The most possible value of density of this binary asteroids is  $3.15g/cm^3$ , which is close to that of CV and CK meteorite. Based on the quantities: Normalised rotation rate  $\Omega = 0.34$  and Dimensionless total angular momentum  $H = 0.48$ , this binary asteroids may be formed by the rotational fission of a spinning asteroid.

**Key words:** Asteroids, Roche Binary Asteroid Theory, Contact Binary Asteroids, Brightness model, Density, Binary asteroids' formation

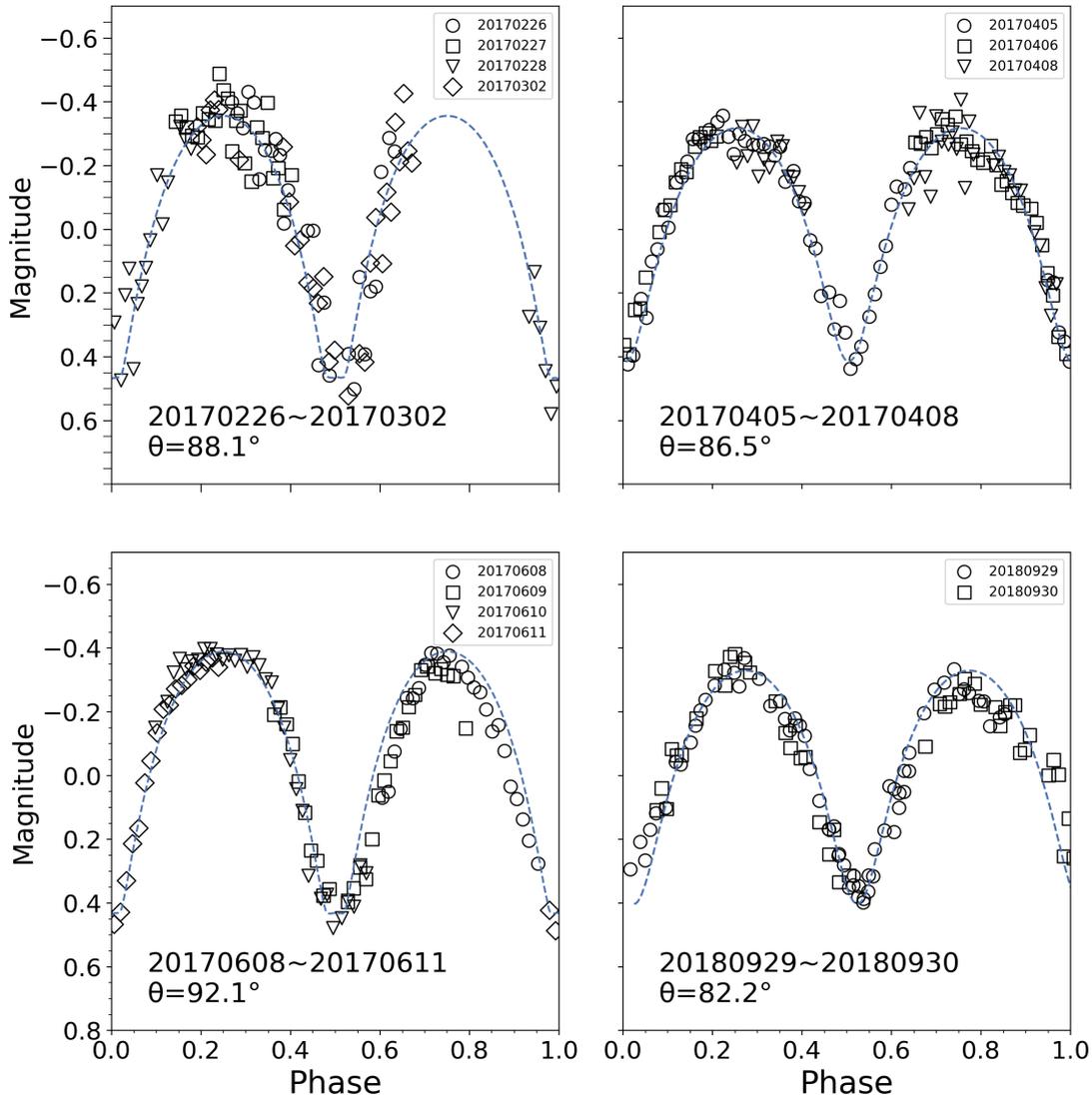


图 4 小行星 (2572) Annschnell 光变曲线 (黑色散点) 和洛希双小行星模型拟合结果 (蓝色虚线)